

Министерство науки и высшего образования РФ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«СИБИРСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

**Б1.О.01.03 МАТЕМАТИКА**

**Дифференциальные и интегральные уравнения**

наименование дисциплины (модуля) в соответствии с учебным планом

Направление подготовки / специальность

**13.03.02 Электроэнергетика и электротехника**

Направленность (профиль)

**13.03.02.07 Электроснабжение**

Форма обучения

**заочная**

Год набора

**2022**

## **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

Программу составили \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

канд.пед.наук, доцент, Перехожева Елена Владимировна

должность, инициалы, фамилия

# **1 Цели и задачи изучения дисциплины**

## **1.1 Цель преподавания дисциплины**

Дисциплина "Дифференциальные и интегральные уравнения" является одной из основных дисциплин естественнонаучного цикла. На ней базируется преподавание как других фундаментальных дисциплин, так и дисциплин профессионального цикла. Математика является также и элементом общей культуры.

Целью математического образования является (в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению 13.03.02 ЭЭ):

- развитие у обучающихся навыков по работе с математическим аппаратом дифференциального и интегрального исчисления; проводить математический анализ прикладных инженерных задач;
- развитие логического и алгоритмического мышления;
- овладение основными методами исследования и решения математических задач;
- приобретение рациональных качеств мысли, чутья объективности; развитие внимания, способности сосредоточиться, настойчивости, закрепление навыков работы.

## **1.2 Задачи изучения дисциплины**

Основными задачами изучения дисциплины являются:

- развитие у обучающихся навыков по работе с аппаратом теории дифференциальных и интегральных уравнений;
- подготовка обучающихся их к системному восприятию дальнейших дисциплин из учебного плана, использующих математические методы;
- получение представлений об основных идеях и методах, развитие способностей сознательно использовать материал курса;
- умение разбираться в существующих математических методах и моделях и условиях их применения на практике;
- умение анализировать результаты расчетов и обосновывать полученные выводы.

## **1.3 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы**

| Код и наименование индикатора достижения компетенции  | Запланированные результаты обучения по дисциплине |
|---|---|
| <b>ОПК-3: Способен применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач</b> |   |
| ОПК-3.1: Применяет математический аппарат аналитической геометрии, линейной алгебры,  |   |

|  |  |
|--|--|
| дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной  |  |
| ОПК-3.2: Применяет математический аппарат теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений |  |
| ОПК-3.3: Демонстрирует понимание физических явлений и применяет законы механики, термодинамики, электричества и магнетизма   |  |
| ОПК-3.4: Демонстрирует знание элементарных основ оптики, квантовой механики и атомной физики   |  |

#### **1.4 Особенности реализации дисциплины**

Язык реализации дисциплины: Русский.

Дисциплина (модуль) реализуется с применением ЭО и ДОТ

URL-адрес и название электронного обучающего курса: Дисциплина реализуется на русском языке. Для организации аудиторной и самостоятельной работы студентов используется электронная информационно-образовательная среда СФУ: курс «Дифференциальные интегральные уравнения (ЗФО)» <https://e.sfu-kras.ru/course/view.php?id=8755>.

## **2. Объем дисциплины (модуля)**

| Вид учебной работы | Всего,<br>зачетных<br>единиц<br>(акад.час) | Семестр |   |   |   |   |   |
|--------------------|--|---------|---|---|---|---|---|
|                    |  | 1       | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|                    |  |         |   |   |   |   |   |

### 3 Содержание дисциплины (модуля)

#### 3.1 Разделы дисциплины и виды занятий (тематический план занятий)

|   |  | Контактная работа, ак. час. |                    |                                     |                                      |  |                                  |  |  |
|---|--|-----------------------------|--------------------|-------------------------------------|--------------------------------------|--|----------------------------------|--|--|
| №<br>п/п  | Модули, темы (разделы) дисциплины  | Занятия лекционного типа    |                    | Занятия семинарского типа           |                                      |  | Самостоятельная работа, ак. час. |  |  |
|   |  | Всего                       | В том числе в ЭИОС | Семинары и/или Практические занятия | Лабораторные работы и/или Практикумы |  |                                  |  |  |
| <b>1. Обыкновенные дифференциальные уравнения</b> |  |                             |                    |                                     |                                      |  |                                  |  |  |
|   | 1. Основные понятия. Теорема существования и единственности задачи Коши для уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения первого порядка, интегрируемые в квадратурах: уравнения с разделяющимися переменными, однородные уравнения, линейные уравнения, уравнения Бернулли, уравнения в полных дифференциалах. Физические и геометрические задачи, решаемые при помощи дифференциальных уравнений. Приближенное решение ОДУ 1-го порядка методом Эйлера. | 0,8                         |                    |                                     |                                      |  |                                  |  |  |
|   | 2. Решение дифференциальных уравнений первого порядка: уравнения с разделяющимися переменными, однородные уравнения, линейные уравнения, уравнения Бернулли, уравнения в полных дифференциалах.  |                             |                    | 1                                   |                                      |  |                                  |  |  |

|   |     |  |   |  |  |  |    |  |
|---|-----|--|---|--|--|--|----|--|
| 3. Решение дифференциальных уравнений первого порядка: уравнения с разделяющимися переменными, однородные уравнения, линейные уравнения, уравнения Бернулли, уравнения в полных дифференциалах.   |     |  |   |  |  |  | 15 |  |
| 4. Дифференциальные уравнения высших порядков. Уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка: свойства решений однородных и неоднородных уравнений, фундаментальная система решений, структура общего решения. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Метод вариации постоянных, частное решение неоднородного уравнения с правой частью специального вида. | 0,6 |  |   |  |  |  |    |  |
| 5. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения 2- го порядка: структура решения, метод вариации постоянных, отыскание частного решения по виду правой части.   |     |  | 1 |  |  |  |    |  |
| 6. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения 2- го порядка: структура решения, метод вариации постоянных, отыскание частного решения по виду правой части.   |     |  |   |  |  |  | 15 |  |
| 7. Системы дифференциальных уравнений. Методы решения нормальных систем: метод исключения, матричный метод.   | 0,6 |  |   |  |  |  |    |  |
| 8. Методы решения систем дифференциальных уравнений: метод исключения, матричный метод.   |     |  | 1 |  |  |  |    |  |

|  |   |  |     |  |  |  |    |  |
|--|---|--|-----|--|--|--|----|--|
| 9. Методы решения систем дифференциальных уравнений: метод исключения, матричный метод.  |   |  |     |  |  |  | 18 |  |
| <b>2. Элементы функционального анализа. Гармонический анализ.</b>  |   |  |     |  |  |  |    |  |
| 1. Элементы теории функций и функционального анализа. Метрические и нормированные пространства. Ортогональные системы. Ортогонализация Грама – Шмидта. Разложение функции в ряд Фурье. Теорема Дирихле. Тригонометрический ряд Фурье для четной и нечетной функции. Ряд Фурье в комплексной форме. | 1 |  |     |  |  |  |    |  |
| 2. Разложение функции в тригонометрический ряд Фурье.  |   |  | 0,5 |  |  |  |    |  |
| 3. Разложение функции в тригонометрический ряд Фурье.  |   |  |     |  |  |  | 16 |  |
| 4. Разложение функции в ряд Фурье в комплексной форме.   |   |  | 1   |  |  |  |    |  |
| 5. Разложение функции в ряд Фурье в комплексной форме.   |   |  |     |  |  |  | 15 |  |
| 6. Преобразование Фурье. Синус- и косинус-преобразование Фурье. Приложения гармонического анализа.   | 1 |  |     |  |  |  |    |  |
| 7. Преобразование Фурье. Синус- и косинус-преобразование Фурье. Приложения гармонического анализа.   |   |  | 0,5 |  |  |  |    |  |
| 8. Преобразование Фурье. Синус- и косинус-преобразование Фурье. Приложения гармонического анализа.   |   |  |     |  |  |  | 16 |  |
| <b>3. Элементы операционного исчисления.</b>   |   |  |     |  |  |  |    |  |

|   |     |  |     |  |  |  |    |
|---|-----|--|-----|--|--|--|----|
| 1. Преобразование Лапласа и его свойства.<br>Изображения простейших оригиналов. Таблица изображений. Обратное преобразование Лапласа.   | 0,5 |  |     |  |  |  |    |
| 2. Преобразование Лапласа и его свойства.<br>Изображения простейших оригиналов. Таблица изображений.  |     |  | 0,5 |  |  |  |    |
| 3. Преобразование Лапласа и его свойства.<br>Изображения простейших оригиналов. Таблица изображений.  |     |  |     |  |  |  | 16 |
| 4. Операционный метод решения дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнений, интегральных уравнений.   | 0,5 |  |     |  |  |  |    |
| 5. Операционный метод решения дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнений, интегральных уравнений.   |     |  | 0,5 |  |  |  |    |
| 6. Операционный метод решения дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнений, интегральных уравнений.   |     |  |     |  |  |  | 16 |
| <b>4. Уравнения математической физики</b>   |     |  |     |  |  |  |    |
| 1. Вывод и физический смысл уравнений математической физики. Приведение уравнений к каноническому виду. Классификация уравнений второго порядка. Постановка задач для уравнений эллиптического, параболического и гиперболического типов. | 0,5 |  |     |  |  |  |    |
| 2. Приведение уравнений в частных производных к каноническому виду. Постановка задач для уравнений эллиптического, параболического и гиперболического типов.  |     |  |     |  |  |  |    |

|   |     |  |   |  |  |  |     |  |
|---|-----|--|---|--|--|--|-----|--|
| 3. Приведение уравнений в частных производных к каноническому виду. Постановка задач для уравнений эллиптического, параболического и гиперболического типов.  |     |  |   |  |  |  | 16  |  |
| 4. Аналитические методы решения гиперболических уравнений математической физики, метод Даламбера. Методы решения начальных и начально-краевых задач для нестационарных уравнений математической физики, метод Фурье. Уравнения математической физики в полярных и сферических координатах. Приближенные методы решения уравнений в частных производных. | 0,5 |  |   |  |  |  |     |  |
| 5. Аналитические методы решения уравнений математической физики: метод Даламбера, метод Фурье. Интеграл Пуассона.   |     |  |   |  |  |  |     |  |
| 6. Аналитические методы решения уравнений математической физики: метод Даламбера, метод Фурье. Интеграл Пуассона.   |     |  |   |  |  |  | 16  |  |
| 7.  |     |  |   |  |  |  |     |  |
| Всего   | 6   |  | 6 |  |  |  | 159 |  |

## **4 Учебно-методическое обеспечение дисциплины**

### **4.1 Печатные и электронные издания:**

1. Письменный Д. Т. Конспект лекций по высшей математике: полный курс (Москва: Айрис Пресс).
2. Шипачев В. С., Тихонов А. Н. Курс высшей математики: учебник для вузов(Москва: Оникс).
3. Владимирский Б. М., Горстко А. Б., Ерусалимский Я. М. Математика. Общий курс: учебник [для бакалавров естественнонауч. направлений] (СПб.: Лань).
4. Буреева М. А., Переходжева Е. В. Математика. В 2 ч. Ч. 1: учеб.-метод. пособие для практ. занятий и сам. работы(Абакан: Ред.-изд. сектор ХТИ - филиала СФУ).
5. Халявина Е.Г. Математика: справочник(Абакан: РИО ХТИ - филиала СФУ).
6. Черкунова Н.Г. Математика: сборник тестовых заданий(Абакан: Ред.-изд. сектор ХТИ - филиала СФУ).

### **4.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение, в том числе отечественного производства (программное обеспечение, на которое университет имеет лицензию, а также свободно распространяемое программное обеспечение):**

1. Методика проведения занятий допускает использование технических средств (проекторы, интерактивные доски), обеспеченных соответствующим программным обеспечением, предлагается применение вычислительной техники и стандартных пакетов прикладных программ (MS Office, MathCad и др.).

### **4.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационные справочные системы:**

1. - Электронно-библиотечная система elibrary
2. <http://www.znanium.com/> - Электронно-библиотечная система ZNANIUM.COM (ИНФРА-М)
3. <http://www.sfu-kras.ru/> - Сайт ФГАОУ ВО «Сибирский федеральный университет»
4. <http://khti.sfu-kras.ru/> - Сайт Хакасского технического института – филиала ФГАОУ ВО «Сибирский федеральный университет»

## **5 Фонд оценочных средств**

Оценочные средства находятся в приложении к рабочим программам дисциплин.

## **6 Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)**

Для осуществления образовательного процесса учебные аудитории оснащены проекционной и компьютерной техникой:

- А-223 (практическая) – рабочее место преподавателя, рабочие места обучающихся, меловая доска, учебно-наглядные пособия.
- А-215, А-216 (лекционные) – рабочее место преподавателя, рабочие места обучающихся, меловая доска, используется переносной мультимедийный комплекс.
- А-229 (лекционная) – рабочее место преподавателя, рабочие места обучающихся, компьютер, активные колонки, проектор, магнитно-маркерная доска, мультимедийная доска.

Самостоятельная работа студентов – читальный зал № 1, ауд. А236: Рабочие места для студентов; рабочие места для сотрудников; точка доступа WiFi; Электронная библиотека изданий института; электронный каталог АБИС – «ИРБИС»Электронно-библиотечные системы (ЭБС): Электронная библиотека технического ВУЗа, Университетская библиотека он-лайн, Лань, ИНФРА-М, ibooks.ru, Национальный цифровой ресурс «Руконт», BOOK.ru, ЮРАЙТ, eLIBRARY.RU; Библиотечный фонд (фонд учебных изданий, периодических изданий, др.); традиционный систематический каталог; памятка-плакат "Правила пользования читальными залами"; кафедра выдачи; выставочные стеллажи, переносной выставочный стеллаж, книжные стеллажи, тематические стеллажи: "Периодические издания", "Новинки литературы", книжный шкаф «Стенка».